

المجال: التطورات الرتبية

الوحدة الخامسة: تطور جملة ميكانيكية

المدة: 4سا

الموضوع: مقارنة تاريخية لميكانيك نيوتن

1. لمحة تاريخية:

- أرسطو (322 ق.م - 384 ق.م):
 - تفسير الحركة بوجود القوة وفي نفس الاتجاه، ومنه السكون يعني انعدام القوة.
 - العلاقة الخطية بين القوة والسرعة.
 - عدم إعطاء أهمية للجملة الميكانيكية في الدراسة أو الخلط بين الجمل والقوى المطبقة عليها.
 - كل المواد تتكون من خليط بنسب مختلفة لأربعة عناصر أساسية (التراب، الماء، الهواء والنار).
 - الأرض هي المركز الهندسي للكون.
 - توجد ميكانيك فلكية وميكانيك أرضية تختلف عنها.
- بلطوموس (140م):
 - تفسير حركة الكواكب بالنسبة للمعلم الأرضي (النظام الجيومركزي).
- كوبرنيك (1473م - 1543م):
 - وضع المعلم المركزي الشمسي (الهيليومركزي).
- كيلر (1571م - 1630م): وضع قوانينه الثلاثة التي كان لها الدور الأساسي في تطوير الميكانيك.
 - ترسم الكواكب مدارات إهليجية لا دائرية.
 - سرعتها ليست ثابتة.
 - النسبة بين مربع دور حركة كوكب ومكعب البعد المتوسط للكوكب عن الشمس يبقى ثابت.
- غاليلي (1564م - 1642م):
 - من أتباع نظام كوبرنيك.
 - الطابع النسبي للحركة.
 - واضع قوانين العطالة.
- نيوتن (1642م - 1727م):
 - التوحيد بين الميكانيك الأرضية والفلكية.
 - القوانين الثلاثة والتي هي أساس الميكانيك الكلاسيكي.

2. بعض المفاهيم الأساسية:

- الجملة الميكانيكية:
 - هي جسم أو جزء من جسم أو مجموعة من الأجسام التي تكون محل الدراسة الفيزيائية.
 - تحديد الجملة يسمح بتصنيف القوى إلى داخلية وخارجية.
 - نقول عن جملة ميكانيكية أنها "معزولة" إذا كانت لا تخضع لقوى خارجية.
 - نقول عن جملة ميكانيكية أنها "شبه معزولة" إذا كانت تخضع لقوى خارجية مجموعها الشعاعي معدوم.
 - نقول عن جملة ميكانيكية أنها "غير معزولة" إذا كانت تخضع لقوى خارجية مجموعها الشعاعي غير معدوم.
- الجسم الصلب: هو الجملة التي لا يتغير شكلها أثناء قيامها بحركة.
- النقطة المادية: هي كل جسم ذو أبعاد مهملة أمام المرجع الذي يدرس بالنسبة إليه هذا الجسم، وكتلة النقطة المادية هي كتلة هذا الجسم.

- **مركز العطالة:** هو النقطة المتميزة من الجملة التي تكون لها أبسط حركة ويمكن وصف حركتها بسهولة أكثر من أي نقطة أخرى من الجملة.

- **المرجع:** جسم صلب يرتبط دوماً بمعلمين (معلم المسافة ومعلم الزمن).

- **المرجع الغاليلي:**

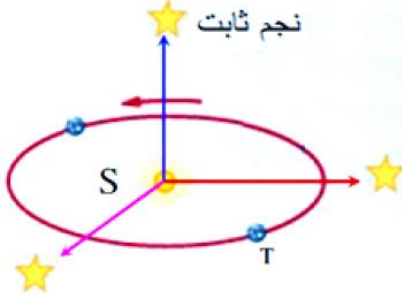
- هو كل مرجع يتحقق فيه مبدأ العطالة.

- كل مرجع في إزاحة مستقيمة منتظمة بالنسبة لمرجع غاليلي هو كذلك مرجع غاليلي.

- **المراجع العملية الغاليلية:**

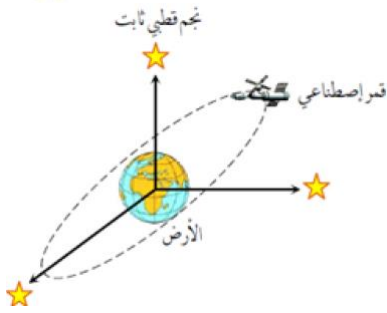
- **المرجع الهيليومركزي (المركزي الشمسي):** تصلح فيه دراسة حركة

- الكواكب والمذنبات.



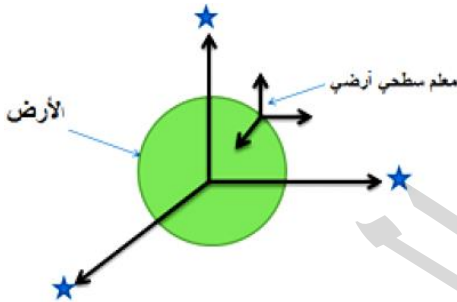
- **المرجع الجيومركزي (المركزي الأرضي):** يصلح لدراسة حركة الأقمار

- الصناعية وقمر الأرض.



- **المرجع السطحي الأرضي:** مرجع مرتبط بسطح الأرض أقل دقة من

- سابقه لكنه عطالي كفاية.

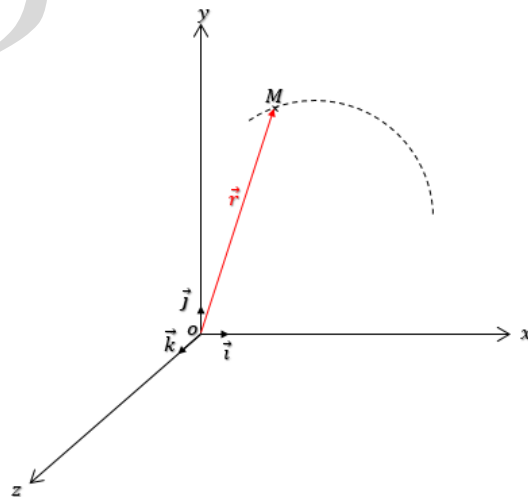


$$\vec{r} = \overline{OM} = x.\vec{i} + y.\vec{j} + z.\vec{k}$$

- **شعاع الموضع \vec{r} :** في معلم ديكارتي $(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ عبارة شعاع الموضع \overline{OM} هي

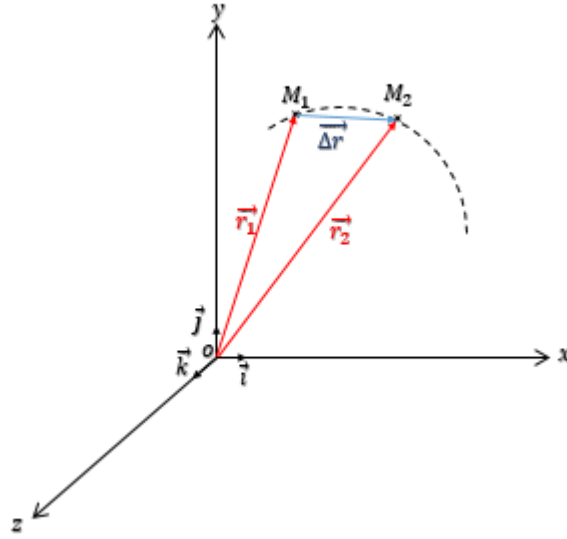
- بحيث: (x, y, z) إحداثيات المتحرك.

- طولته هي: $OM = \|\overline{OM}\| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$



- شعاع الانتقال $\Delta\vec{r}$: إذا انتقل الجسم من النقطة M_1 شعاع موضعها \vec{r}_1 إلى نقطة M_2 شعاع موضعها \vec{r}_2 يعبر عن هذا

$$\Delta\vec{r} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1 = \Delta x \cdot \vec{i} + \Delta y \cdot \vec{j} + \Delta z \cdot \vec{k}$$



- شعاع السرعة المتوسطة \vec{v}_m : هو النسبة بين شعاع الانتقال $\Delta\vec{r}$ والمجال الزمني Δt .

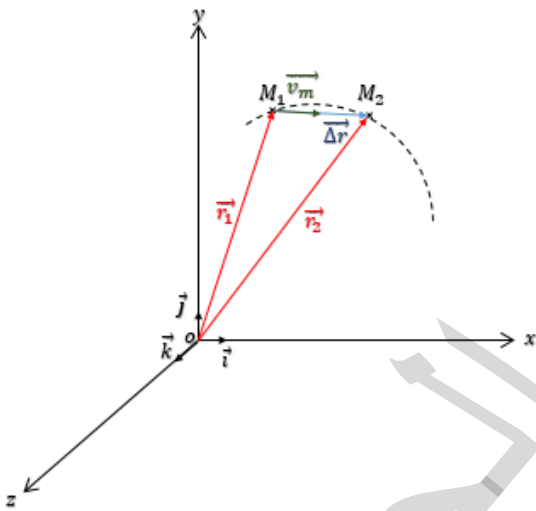
$$\vec{v}_m = \frac{\Delta\vec{r}}{\Delta t} = \frac{\vec{r}_2 - \vec{r}_1}{t_2 - t_1}$$

$$\left. \begin{array}{l} \vec{r}_1 = x_1 \cdot \vec{i} + y_1 \cdot \vec{j} + z_1 \cdot \vec{k} \\ \vec{r}_2 = x_2 \cdot \vec{i} + y_2 \cdot \vec{j} + z_2 \cdot \vec{k} \end{array} \right\} \Rightarrow \vec{v}_m = \frac{\Delta x}{\Delta t} \cdot \vec{i} + \frac{\Delta y}{\Delta t} \cdot \vec{j} + \frac{\Delta z}{\Delta t} \cdot \vec{k}$$

$$\vec{v}_m = v_{mx} \cdot \vec{i} + v_{my} \cdot \vec{j} + v_{mz} \cdot \vec{k}$$

- يكون شعاع السرعة المتوسطة موازي لشعاع الانتقال وفي نفس جهته.

$$\|\vec{v}_m\| = \frac{\|\Delta\vec{r}\|}{\Delta t}$$



- شعاع السرعة اللحظية \vec{v} : هو مشتق شعاع الانتقال $\Delta\vec{r}$

$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta\vec{r}}{\Delta t} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

$$\vec{v} = v_x \cdot \vec{i} + v_y \cdot \vec{j} + v_z \cdot \vec{k} \Rightarrow \begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} \\ v_y = \frac{dy}{dt} \\ v_z = \frac{dz}{dt} \end{cases}$$

- يكون شعاع السرعة اللحظية مماسي للمسار في كل موضع عند كل لحظة ودوما في جهة الحركة.

$$v = \|\vec{v}\| = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2}$$

- **شعاع التسارع المتوسط \vec{a}_m** : هو النسبة بين شعاع تغير السرعة $\Delta\vec{v}$ والمجال الزمني Δt .

$$\vec{a}_m = \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{t_2 - t_1}$$

$$\vec{a}_m = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} \cdot \vec{i} + \frac{\Delta v_y}{\Delta t} \cdot \vec{j} + \frac{\Delta v_z}{\Delta t} \cdot \vec{k}$$

$$\vec{a}_m = a_{mx} \cdot \vec{i} + a_{my} \cdot \vec{j} + a_{mz} \cdot \vec{k}$$

- يكون شعاع التسارع المتوسطة موازي لشعاع تغير السرعة وفي نفس جهته.

$$\|\vec{a}_m\| = \frac{\|\Delta\vec{v}\|}{\Delta t}$$

- **شعاع التسارع اللحظي \vec{a}** : هو المشتق بالنسبة للزمن لشعاع السرعة \vec{v} لهذا المتحرك.

$$\vec{a} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$

$$\vec{a} = a_x \cdot \vec{i} + a_y \cdot \vec{j} + a_z \cdot \vec{k} \Rightarrow \begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2} \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} = \frac{d^2y}{dt^2} \\ a_z = \frac{dv_z}{dt} = \frac{d^2z}{dt^2} \end{cases}$$

- وحدة التسارع: m/s^2

- مميزات شعاع التسارع:

- عندما يكون المسار منحنيا، فإن شعاع التسارع هو دوما موجه نحو تقعر هذا المسار.
- عندما يكون المسار مستقيما، فإن شعاع التسارع يكون موازيا للمسار.

3. قوانين نيوتن الثلاثة:

1-3 **القانون الأول (مبدأ العطالة)**: في المعالم العطالية أو الغاليلية يحافظ الجسم على سكونه أو حركته المستقيمة المنتظمة إذا

لم تتدخل أي قوة لتغيير حالته الحركية أي:

$$\sum \vec{F} = \vec{0} \Rightarrow \Delta\vec{v} = \vec{0} \Rightarrow v = C^{ste}$$

2-3 **القانون الثاني**: في معلم غاليلي المجموع الشعاعي للقوة المؤثرة على جملة مادية يساوي في كل لحظة جداء كتلتها في شعاع

تسارع مركز عطالتها.

$$\sum \vec{F}_{ex} = m \cdot \vec{a}$$

3-3 **القانون الثالث**: إذا أثرت جملة A على جملة B بقوة $\vec{F}_{A/B}$ فإن الجملة B تؤثر على الجملة A بقوة $\vec{F}_{B/A}$ تماثلها في الشدة

وتزامنها وتعاكسها في الاتجاه ولهما نفس الحامل بحيث:

$$\vec{F}_{A/B} = -\vec{F}_{B/A}$$

4. تطبيقات:

- تطبيق 01:

ينتقل متحرك نقطي M في مستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس (o, \vec{i}, \vec{j}) . ويكون شعاع موضعه \vec{OM} معينا في كل لحظة

بالعلاقة:

$$\vec{OM} = (5t + 2) \cdot \vec{i} + (-5t^2 + 8t) \cdot \vec{j}$$

حيث: $\|\vec{j}\| = \|\vec{i}\| = 1m$

1. ما هما المعادلتان الزمئتان للحركة؟

2. عین معادلة مسار المتحرك M .

3. عین إحدائی وطويلة شعاع السرعة \vec{v}_0 فی اللحظة $t=0$.

4. عین مميزات شعاع التسارع \vec{a} .

- تطبيق 02:

يمثل الشكل التالي التسجيل للمواضع المتتالية

التي تشغلها نقطة من متحرك في حالة حركة

انسحابیه منحنية. المدة τ بين نقطتين

متتاليتين هي 60ms .

1. أنقل الشكل على ورق شفاف.

2. أحسب قيمتي السرعة اللحظية في النقطتين P_3 و P_5 .

3. أرسم شعاعي السرعة الموافقتين لهما مع تحديد السلم المختار.

4. أرسم الشعاع $\Delta\vec{v} = \vec{v}_5 - \vec{v}_3$

5. أحسب قيمة التسارع في النقطة P_4 .

6. أرسم شعاع التسارع في P_4 باستخدام سلم مناسب.

